

Půlsemestrální zkouška ISS, 12.11.2007, BIA, zadání A

Login:

Podpis:

Příklad 1 Diskrétní signál je pro $n = 0, 1, 2$ dán vzorky: $x[n] = 6, 4, 2$, pro jiná n je nulový. Určete, jak můžeme zapsat signál: $y[n] = -x[n] - 2$

| A | B | C | D |
|--------------------|---------------------|----------------------|-------------------|
| $y[n] = -4, -2, 0$ | $y[n] = -8, -6, -4$ | $y[n] = 2, 4, 6$ | $y[n] = 2, 4, 6$ |
| pro $n = 0, 1, 2$ | pro $n = 0, 1, 2$ | pro $n = -4, -3, -2$ | pro $n = 0, 1, 2$ |
| jinde nulový | jinde nulový | jinde nulový | jinde nulový |

Příklad 2 Periodický signál je cosinusovka s amplitudou 5: $x(t) = 5 \cos(\omega t)$. Určete střední výkon signálu $y(t)$, který vznikne z $x(t)$ po jednocestném usměrnění:

$$y(t) = \begin{cases} x(t) & \text{pro } x(t) \geq 0 \\ 0 & \text{pro } x(t) < 0 \end{cases}$$

| A | B | C | D |
|----|----|------|------|
| 50 | 25 | 12.5 | 6.25 |

Příklad 3 n -tý výstupní vzorek $y[n]$ systému s diskrétním časem je dán: $y[n] = |x[n]|$, kde $x[n]$ je n -tý vstupní vzorek.

Jedná se o

| A | B | C | D |
|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|---------------------------------|
| lineární systém s pamětí | nelineární systém s pamětí | lineární systém bez paměti | nelineární systém bez paměti |

Příklad 4 Signál $x(t)$ je trojúhelník:

$$x(t) = \begin{cases} t+1 & \text{pro } -1 \leq t < 0 \\ 1-t & \text{pro } 0 \leq t < 1 \\ 0 & \text{jinde.} \end{cases}$$

Určete jeho konvoluci s posunutým jednotkovým impulsem: $y(t) = x(t) \star \delta(t-1)$.

| | |
|--|--|
| $y(t) = \begin{cases} t+2 & \text{pro } -2 \leq t < -1 \\ -t & \text{pro } -1 \leq t < 0 \\ 0 & \text{jinde.} \end{cases}$ | $y(t) = 1$ (konstanta) |
| $y(t) = \begin{cases} t+1 & \text{pro } -1 \leq t < 0 \\ 1-t & \text{pro } 0 \leq t < 1 \\ 0 & \text{jinde.} \end{cases}$ | $y(t) = \begin{cases} t & \text{pro } 0 \leq t < 1 \\ 2-t & \text{pro } 1 \leq t < 2 \\ 0 & \text{jinde.} \end{cases}$ |

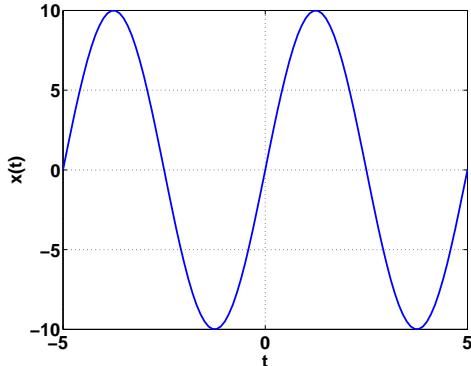
Příklad 5 Výrtka, kterou jsem použil při sepisování zadání této zkoušky, má závit o průměru 6mm a stoupání 10mm. Popište tento závit jako komplexní exponenciálu. Neuvažujte fázi. Vzdálenost na ose výrty v [mm] je označena v .

| A | B | C | D |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-------------------------|----------------------------------|
| $x(v) = 3e^{j2\pi \frac{1}{10}v}$ | $x(v) = 3e^{j2\pi \frac{1}{10v}}$ | $x(v) = 3e^{j2\pi 10v}$ | $x(v) = 3e^{j2\pi \frac{10}{v}}$ |

Příklad 6 Perioda cosinusovky s diskrétním časem $x[n] = \cos(1.7n)$ je

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ N_1 = 16 & N_1 = 17 & N_1 = 3.69 & \text{perioda neexistuje} \end{array}$$

Příklad 7 Koeficienty Fourierovy řady spojitého signálu na obrázku jsou:

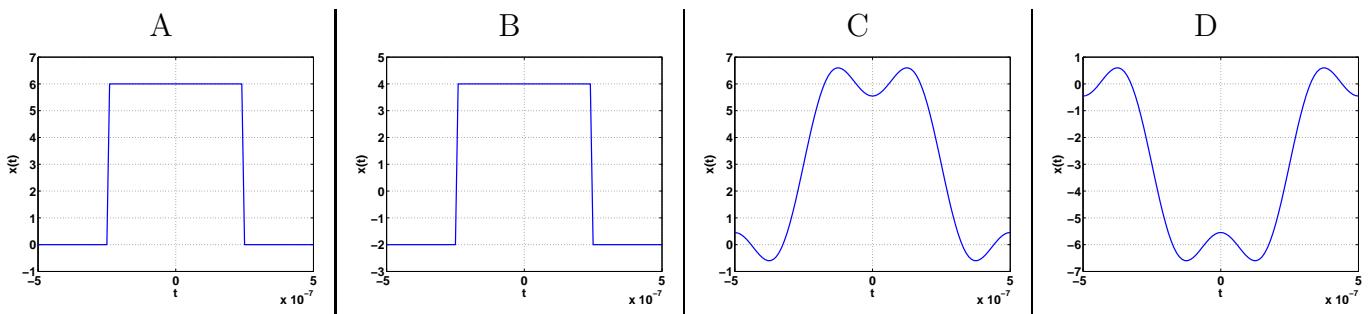


$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ c_1 = 5e^{j\frac{\pi}{2}}, & c_1 = 5e^{-j\frac{\pi}{2}}, & c_1 = 2e^{-j\frac{\pi}{2}}, & \text{nekonečně mnoho nenulových} \\ c_{-1} = 5e^{-j\frac{\pi}{2}} & c_{-1} = 5e^{j\frac{\pi}{2}} & c_2 = 1e^{j\frac{\pi}{2}}, & \text{koeficientů FŘ} \\ & & c_{-2} = 1e^{-j\frac{\pi}{2}} & \end{array}$$

Příklad 8 Koeficienty Fourierovy řady periodického signálu s $\omega_1 = 2 \times 10^6 \pi$ jsou:

$$c_k = \begin{cases} 3 \operatorname{sinc}(0.25 \times 10^{-6} k \omega_1) & \text{pro } -3 \leq k \leq 3 \\ 0 & \text{pro } |k| > 3 \end{cases}$$

Určete, na kterém obrázku je zobrazena odpovídající jedna perioda signálu.



Příklad 9 Cosinusovka $x(t) = 10 \cos(100\pi t + \frac{\pi}{6})$ má tuto Fourierovu transformaci:

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ X(j\omega) = 10\pi e^{j\frac{\pi}{6}} \delta(\omega - 100\pi) + 10\pi e^{-j\frac{\pi}{6}} \delta(\omega + 100\pi) & X(j\omega) = 10\pi e^{-j\frac{\pi}{6}} \delta(\omega - 100\pi) + 10\pi e^{+j\frac{\pi}{6}} \delta(\omega + 100\pi) & X(j\omega) = 10\pi e^{j\frac{\pi}{6}} \delta(\omega) & \text{cosinusovka} \\ & & & \text{nemá FT.} \end{array}$$

Příklad 10 Spektrální funkce signálu $x(t)$ je $X(j\omega)$. Spektrální funkce $Y(j\omega)$ má stejný modul jako $X(j\omega)$. Argument $Y(j\omega)$ je k $X(j\omega)$ vztažen takto: $\arg Y(j\omega) = \arg X(j\omega) - 0.5\omega$
Signál $y(t)$ byl z $x(t)$ získán

$$\begin{array}{c|c|c|c} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} \\ \text{zpožděním o } 0.5 \text{ s} & \text{předběhnutím o } 0.5 \text{ s} & \text{přičtením hodnoty } 0.5 & \text{nebyl získán posunutím} \end{array}$$