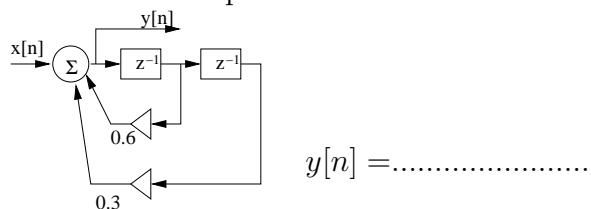


Půlsemestrální zkouška ISS, 6.11.2015, BIB, zadání E

Login: Příjmení a jméno: Podpis:
(čitelně!)

Příklad 1 Napište (velmi stručně), jak se při programování číslicového filtru realizuje zpoždění signálu (např. jak dostat $x[n - 1]$ namísto $x[n]$).

Příklad 2 Napište diferenční rovnici číslicového filtru podle schématu:



$$y[n] = \dots$$

Příklad 3 V programu v jazyce C vytvořte funkci implementující IIR filtr s diferenční rovnicí $y[n] = x[n] - 0.5y[n - 1]$.

Funkce se volá pro každý vstupní vzorek $x[n]$ (značený `xn`) a pokaždé musí vyprodukovať výstupní vzorek $y[n]$. Nezapomeňte na deklaraci statických proměnných, jsou-li potřeba.

```
float filter (float xn) {
```

```
    return yn;
```

```
}
```

Příklad 4 V tabulce jsou hodnoty signálu $x[n]$ a impulsní odezvy číslicového filtru $h[n]$. Vypočtěte pomocí konvoluce $y[n] = x[n] \star h[n]$ zadaný vzorek $y[n]$ na výstupu.

Pomůcka: $x[n] \star h[n] = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x[k]h[n-k] = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x[n-k]h[k]$

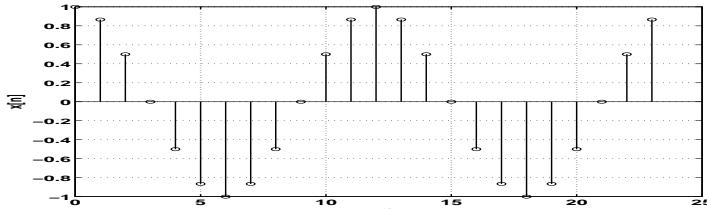
n	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$x[n]$	0	0	1	1	1	1	0	0
$h[n]$	0	0	1	1	0	0	0	0

$$y[4] = \dots$$

Příklad 5 Vzorkovací frekvence signálu je $F_s = 100$ kHz. Při výpočtu spektra chceme rozlišení minimálně 1 kHz. Určete potřebný počet vzorků pro výpočet diskrétní Fourierovy transformace (DFT).

$$N = \dots$$

Příklad 6 Napište rovnici, jak byl vygenerován signál na obrázku.



$$x[n] = \dots$$

Příklad 7 Obrázek (2D signál) o rozměrech 100×100 pixelů je celý černý (všechny pixely jsou nula), pouze uprostřed je jeden pixel bílý: $x[50, 50] = 1$. Obrázek je filtrován maskou o rozměrech 7×7 , jejíž všechny hodnoty jsou $\frac{1}{49}$. Slovně popište nebo nakreslete výsledek.

Příklad 8 Pro $\Omega = 1000$ realizací náhodného signálu zjištujeme vztah vzorku $n_1 = 5$ se vzorkem $n_2 = 10$. V tabulce nahoře jsou počty hodnot, které byly naměřeny v intervalu proměnné x_1 pro vzorek n_1 a zároveň v intervalu proměnné x_2 pro vzorek n_2 . Do tabulky dole vyplňte odhadu sdružené (2D) funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti pro tyto intervaly.

interval $x_1 \downarrow / x_2 \rightarrow$	$< -0.2, -0.1 >$	$< -0.1, 0 >$	$< 0, 0.1 >$	$< 0.1, 0.2 >$
$< -0.2, -0.1 >$	0	0	0	200
$< -0.1, 0 >$	0	0	300	0
$< 0, 0.1 >$	0	300	0	0
$< 0.1, 0.2 >$	200	0	0	0

interval $x_1 \downarrow / x_2 \rightarrow$	$< -0.2, -0.1 >$	$< -0.1, 0 >$	$< 0, 0.1 >$	$< 0.1, 0.2 >$
$< -0.2, -0.1 >$				
$< -0.1, 0 >$				
$< 0, 0.1 >$				
$< 0.1, 0.2 >$				

Příklad 9 Máme jednu realizaci náhodného signálu, celkem 10 vzorků. Jejich hodnoty jsou

1 1 0 1 1 2 2 0 1 1.

Odhadněte rozptyl.

$$D = \dots$$

Příklad 10 Máme jednu realizaci náhodného signálu $\xi[n]$, v programu v jazyce C je uložená v poli float *xi o délce int N = 1000. Napište kus kódu pro odhad korelačního koeficienu $R[12]$